

☞ Corrigé du brevet Métropole Antilles–Guyane 26 juin 2023 ☞

Exercice 1

20 points

Un opticien vend différents modèles de lunettes de soleil.

Il reporte dans le tableur ci-dessous des informations sur cinq modèles vendus pendant l'année 2022.

	A	B	C	D	E	F	G
1	Lunettes de soleil	Modèle 1	Modèle 2	Modèle 3	Modèle 4	Modèle 5	Total
2	Nombre de paires de lunettes vendues	1 200	950	875	250	300	
3	Prix à l'unité en euro	75	100	110	140	160	

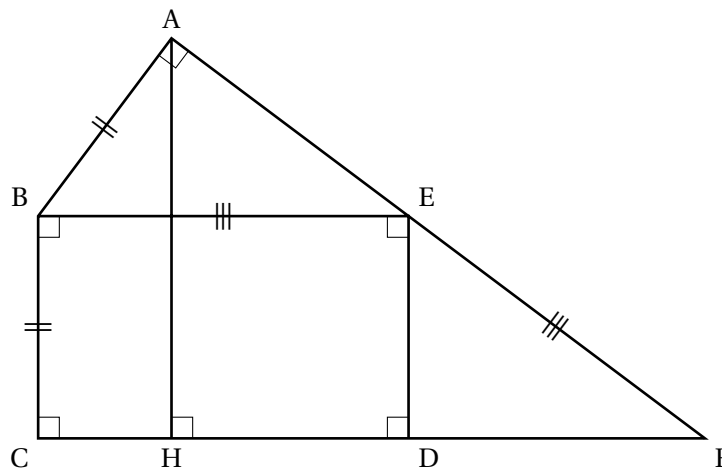
1. On a $160 - 75 = 85$ (€).
2.
 - a. Il faut écrire dans la cellule G2 : = SOMME(B2:F2).
 - b. On a $1\,200 + 950 + 875 + 250 + 300 = 3\,575$.
3.
 - a. La recette totale pour l'année 2022 est :
 $1\,200 \times 75 + 950 \times 100 + 875 \times 110 + 250 \times 140 + 300 \times 160 = 364\,250$ (€).
 - b. Le prix moyen d'une paire de lunettes de soleil vendue en 2022 est égale à $\frac{364\,250}{3\,575} \approx 101,888$, soit 101,89 € au centime d'euro près.

Exercice 2

20 points

Sur la figure ci-dessous :

- BCDE est un rectangle, BAE est un triangle rectangle en A ;
- la perpendiculaire à la droite (CD) passant par A coupe cette droite en H ;
- les droites (AE) et (CD) se coupent en F.



On donne :

- $AB = BC = 4,2$ cm ;
- $EB = EF = 7$ cm.

1. On a $\mathcal{A}(BCDE) = BC \times EB = 4,2 \times 7 = 29,4$ (cm²).

2. a. Le théorème de Pythagore appliqué au triangle ABE, rectangle en A s'écrit :

$$BE^2 = AB^2 + AE^2, \text{ d'où } AE^2 = BE^2 - AB^2 = 7^2 - 4,2^2 = 49 - 17,64 = 31,36. \text{ On a donc } AE = \sqrt{31,36} = 5,6 \text{ (cm).}$$

$$\text{Rem. } 7^2 - 4,2^2 = (7+4,2)(7-4,2) = 11,2 \times 2,8 = 4 \times 2,8 \times 2,8 = 2^2 \times 2,8^2 = (2 \times 2,8)^2 = 5,6^2. \text{ Donc AE est égale à } 5,6 \text{ cm.}$$

b. On a $\mathcal{A}(ABE) = \frac{AB \times AE}{2} = \frac{4,2 \times 5,6}{2} = 2,1 \times 5,6 = 11,76$ (cm²).

3. a. Les droites (AH) et (ED) sont perpendiculaires à (FH) selon le codage, or lorsque deux droites sont perpendiculaires à une même droite, elles sont parallèles entre elles, on en conclut que (AH) et (ED) sont parallèles.

b. Les droites (AE) et (HD) sont sécantes en F et les droites (HA) et (ED) sont parallèles, donc d'après le théorème de Thalès :

$$\frac{FE}{FA} = \frac{FD}{FH} = \frac{ED}{AH}.$$

Comme $FA = FE + EA = 7 + 5,6 = 12,6$, on a en particulier :

$$\frac{7}{12,6} = \frac{4,2}{AH}; \text{ on en déduit que } 7AH = 4,2 \times 12,6 \text{ et enfin}$$

$$AH = \frac{4,2 \times 12,6}{7} = 0,6 \times 12,6 = 7,56 \text{ (cm).}$$

Exercice 3

20 points

Cet exercice est un questionnaire à choix multiple (QCM).

1. On a $25 \times \frac{60}{100} = 25 \times 0,6 = 15$. Réponse B.

2. $126 = 2 \times 63 = 2 \times 9 \times 7 = 2 \times 3^2 \times 7$. Réponse C.

3. Il y a $17 + 23 = 40$ jetons rouges ou jaunes. la probabilité est donc égale à $\frac{40}{17 + 23 + 20} = \frac{40}{60} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$. Réponse A.

4. Chacun des angles au centre de l'octogone a une mesure égale à $\frac{360}{8} = 45^\circ$. La rotation transformant A en D est donc une rotation de $3 \times 45 = 135^\circ$ dans le sens anti-horaire. D a pour image G et C a pour image E, donc [DC] a pour image [GE]. Réponse B.

5. Le volume est égal à $2 \times 1,5 \times 1,3 = 3 \times 1,3 = 3,9$ (m³), soit $3,9 \times 1000 = 3900$ L. Réponse B.

Exercice 4

20 points

On veut fabriquer un escalier en bois de hauteur 272 cm.

La figure ci-dessous représente une vue de profil de cet escalier.

La hauteur d'une marche est de 17 cm.

La profondeur d'une marche pour poser le pied mesure 27 cm.

1.
 - a. Il faut compter $\frac{272}{17} = 16$ (marches).
 - b. 16 marches d'une profondeur de 27 cm donne une longueur $AB = 16 \times 27 = 432$ (cm).
2.
 - a. Dans le triangle ABC, rectangle en B, la définition de la tangente nous permet d'écrire : $\tan \widehat{BAC} = \frac{BC}{AB} = \frac{272}{432} \approx 0,6296$.
La calculatrice donne alors $\widehat{BAC} \approx 32,2$, d'où : $\widehat{BAC} \approx 32^\circ$ au degré près.
 - b. Comme $25 < 32 < 40$, on peut prévoir une montée agréable.
3.
 - 5 Répéter 16 fois
 - 6 Tourner de 90 degrés
 - 7 avancer de 17 pas
 - 8 tourner de 90 degrés
 - 9 avancer de 27 pas.

Exercice 5

20 points

1.
 - a. On a successivement $-3 \mapsto (-2) \times (-3) = 6 \mapsto 6 + 5 = 11$.
 - b. On a successivement $5,5 \mapsto 5,5 - 5 = 0,5 \mapsto 3 \times 0,5 = 1,5 \mapsto 1,5 + 11 = 12,5$.
2. On a successivement $x \mapsto x - 5 \mapsto 3 \times (x - 5) = 3x - 15 \mapsto 3x - 15 + 11 = 3x - 4$.

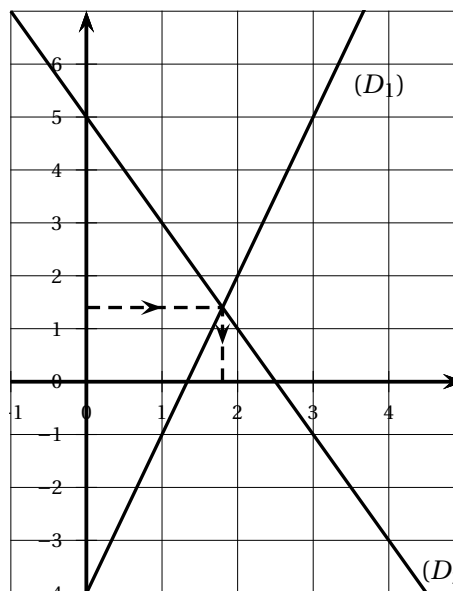
3.
 - a. Ces deux droites sont les représentations graphiques de deux fonctions affines.

Comme g a un coefficient directeur $+3 > 0$, la fonction est croissante : sa représentation est la droite (D_1) .

f a un coefficient directeur $-2 < 0$, la fonction est décroissante : sa représentation est la droite (D_2) .

- b. Le nombre cherché est l'abscisse du point commun aux deux droites.

Avec la précision du dessin on lit $x \approx 1,8$



4. Si x a la même image par f et par g , on a donc :

$$-2x + 5 = 3x - 4, \text{ d'où } 5 = 5x - 4 \text{ et } 9 = 5x \text{ ou } 18 = 10x \text{ et enfin } x = 1,8.$$

Remarque : $f(1,8) = -3,6 + 5 = 1,4$ et $g(1,8) = 5,4 - 4 = 1,4$. Même antécédent et mêmes images par f et par g .