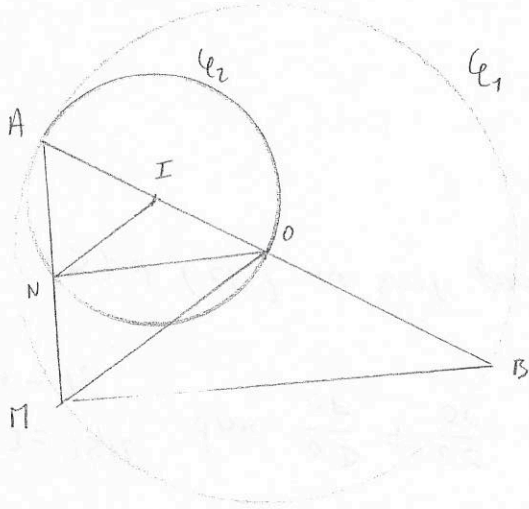


Correction de l'exercice 3

exo 1

2.



1. C est un point du cercle de diamètre [AB] donc le triangle ABC est rectangle en C.

(On peut dire aussi : ABC est un triangle inscrit sur un cercle et un de ses côtés est un diamètre donc ABC rectangle)

3. P est un pt du cercle de diamètre [AB] donc (AP) ⊥ (PB)

N est un pt du cercle de diamètre [AO] donc (AN) ⊥ (NO)

Donc (PB) et (ON) sont ⊥ à la même droite (AM) donc (PB) // (ON)

4. Dans le triangle APB, les droites (ON) et (PB) sont parallèles. Comme O est le milieu de [AB] alors N est le milieu de [AM]

"Théorème des milieux"

On peut aussi utiliser le Th. de Thalès :

$$\frac{AO}{AB} = \frac{AN}{AP} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{AN}{AM} \text{ donc } AP = 2AN \Rightarrow N \text{ milieu de } [AM].$$

5. I : milieu de [AO] dans le triangle APO, la droite (IN) est la droite des milieux donc est // à (OP).

6. Dans le triangle ANO :

$$\cos(\widehat{NAO}) = \frac{AN}{AO} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\text{Donc } \widehat{NAO} = \widehat{NAI} = 60^\circ$$

exo 2

$$1 \quad \cos^2 a + \sin^2 a = 1$$

$$\left(\frac{3}{5}\right)^2 + \sin^2 a = 1$$

$$\frac{9}{25} + \sin^2 a = 1$$

$$\sin^2 a = 1 - \frac{9}{25}$$

$$\sin^2 a = \frac{16}{25}$$

$$\sin a = \sqrt{\frac{16}{25}}$$

$$\boxed{\sin a = \frac{4}{5}}$$

$$2. \quad \tan a = \frac{\sin a}{\cos a}$$

$$= \frac{\frac{4}{5}}{\frac{3}{5}}$$

$$= \frac{4}{3} \times \frac{5}{3}$$

$$\boxed{= \frac{4}{3}}$$

2003

1. Les droites (AB) et (CD) sont parallèles, donc d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{CD}$$

$$\frac{4}{6} = \frac{OB}{8,4} \Rightarrow OB = \frac{4 \times 8,4}{6} = 5,6.$$

$$2. \frac{OD}{OF} = \frac{8,4}{8,4+4,6} = \frac{8,4}{13}$$

$$\frac{OC}{OE} = \frac{6}{6+3,3} = \frac{6}{9,3}$$

Pour savoir si il y a égalité, faisons un produit

en croix :

$$8,4 \times 9,3 = 78,12$$

$$13 \times 6 = 78$$

$$\text{donc } \frac{OD}{OF} \neq \frac{OC}{OE}$$

Les droites (CD) et (EF) ne sont pas parallèles.