Probabilités

1°) Générer un nombre aléatoire dans l'intervalle [0; 1[.

2°) Simuler le lancer d'un dé.

3°) a) Simuler 20 lancers d'un dé.

b) Déterminer le nombre de fois où la face 6 a été obtenue.

c) Représenter les résultats obtenus à ces 20 lancers à l'aide d'un diagramme en bâtons.

Les résultats numériques obtenus sur votre calculatrice peuvent être différents de ceux affichés sur cette fiche

Simulation

Générer un nombre "aléatoire" dans l'intervalle [0 ;1[

- Touches HOME puis MATH . Mettre la ligne Prob. en surbrillance puis 🕨 et sélectionner RANDOM puis valider par ENTER .

 \rightarrow Appuyer plusieurs fois sur entrer permet d'obtenir plusieurs simulations.

Simuler le lancer d'un dé (Générer un nombre "aléatoire" entier compris entre deux bornes)

Utiliser l'instruction FLOOR - Touche MATH, sélectionner Real puis dans la colonne de droite prendre FLOOR.

- Ouvrir une parenthèse et compléter comme suit par

RANDOM*4 (4 est choisi ici pour exemple).

- Fermer la parenthèse et appuyer sur ENTER.

Par exemple. l'instruction FLOOR(RANDOM*6)+1 génère un nombre aléatoire entier compris entre 1 et 6 et peut donc être utilisée pour simuler le lancer d'un dé.

→ FLOOR ou RANDOM peuvent être tapés lettre par lettre.

Simuler 20 lancers d'un dé (Générer plusieurs nombres "aléatoires" entiers compris entre deux bornes)









й

Représentation graphique des résultats

Si les résultats sont stockés dans la liste 1 :					
- touches	SHIFT	PLOT	et régler comme ci-contre :		



FLOOR (RANDOM*2)

STOP

- touche PLOT .

⇒ <u>Compléments</u>

Simulation du lancer d'une pièce

L'instruction **FLOOR(RANDOM*2)** génère un nombre aléatoire entier qui vaut soit 0 soit 1 et peut donc être utilisée pour simuler le lancer d'une pièce.

On peut par exemple décider que l'obtention du chiffre 0 correspond à l'apparition de "Pile" et que l'obtention du chiffre 1 correspond à l'apparition de "Face".

Autre méthode pour simuler : Utilisation d'une suite de nombres au hasard

Comme la fonction **RANDOM** de la calculatrice fournit un nombre aléatoire dans l'intervalle [0 ; 1[, la partie décimale de ce nombre peut être considérée comme une suite de dix chiffres au hasard. Ces chiffres peuvent être utilisés pour une simulation.

Simulation du lancer d'une pièce	X (200) X X X X X X X X X X X X X X X X X X
On peut convenir que les chiffres pairs (0, 2, 4, 6, 8) correspondent à l'apparition de "Pile" et que les chiffres impairs (1, 3, 5, 7, 9) correspondent à l'apparition de "Face".	RANDOM .993401567432
L'exemple ci-contre correspond au tirage "P-P-P-F-F-P-P-F-P-F ".	
Simulation du lancer d'un dé	X 200 XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX
On peut convenir de conserver les chiffres correspondant à une face d'un dé (1, 2, 3, 4, 5, 6) et de supprimer les autres chiffres (0, 7, 8, 9).	RANDOM .667073142328
L'exemple ci-contre correspond au tirage "6-6-3-1-4-2-3-2".	STOP .

Simulation d'une situation ou il n'y a pas équiprobabilité

L'instruction FLOOR(RANDOM+0.25) génère un nombre aléatoire entier qui vaut 0 dans 75 % des cas et 1 dans 25 % des cas.	FLOOR (RANDOM+. 25)
En effet, on obtient la partie entière d'un nombre aléatoire dans l'intervalle	0
[0,25 ; 1,25[.	1
Et 75% de ces nombres sont dans [0,25 ; 1[et 25% dans [1 ; 1,25[.	\$T0►

<u>⇒ Commentaires</u>

Prise en compte de la dernière décimale

La dernière décimale affichée étant une valeur arrondie ; on peut, pour ne pas risquer de nuire à l'équiprobabilité des résultats, ne pas tenir compte de cette décimale.

Sur l'exemple ci-contre, on peut ne conserver que les chiffres 66707314232 et ignorer la dernière décimale.



Prise en compte des zéros non significatifs

Si il y a des zéros en fin de la partie décimale, ceux-ci ne sont pas affichés. Mais ils doivent être pris en compte pour conserver le caractère équiprobable de la simulation.

Sur l'exemple ci-contre, le deuxième résultat affiché ne contient que 11 chiffres. Comme les nombres affichés par la calculatrice contiennent 12 chiffres



significatifs, le résultat obtenu pour la simulation est en réalité 0,810280207410.

Le troisième résultat quant à lui doit être réécrit sous la forme : ,0400538465253 auquel cas cela fait 13 chiffres.

I Choix de la valeur initiale

A chaque exécution de **RANDOM**, la HP-39G génère le nombre aléatoire suivant dans la suite préconçue.

Pour générer une suite de nombres aléatoires vraiment différente, utiliser l'instruction **RANDSEED(TIME)** avant d'utiliser à nouveau **RANDOM**.